Quasi-ensembles d'ordre r et approximations de répartitions ordonnées

Quasi-sets and approximations of r -ordered partitions

Michel Serfati

Édition électronique

URL : <http://journals.openedition.org/msh/2784>

DOI : 10.4000/msh.2784

ISSN : 1950-6821

Éditeur

Centre d'analyse et de mathématique sociales de l'EHESS

Édition imprimée

Date de publication : 1 septembre 1998

ISSN : 0987-6936

Référence électronique

Michel Serfati, « Quasi-ensembles d'ordre r et approximations de répartitions ordonnées », *Mathématiques et sciences humaines* [En ligne], 143 | Automne 1998, mis en ligne le 10 février 2006, consulté le 23 juillet 2020. URL : <http://journals.openedition.org/msh/2784> ; DOI : <https://doi.org/10.4000/msh.2784>

Ce document a été généré automatiquement le 23 juillet 2020.

© École des hautes études en sciences sociales

Quasi-ensembles d'ordre r et approximations de répartitions ordonnées

Quasi-sets and approximations of r -ordered partitions

Michel Serfati

RÉSUMÉS

Sur le plan mathématique, la théorie des r -répartitions ordonnées traite d'une extension du concept d' "ensemble des parties d'un ensemble", sous la forme d'un treillis distributif complet. Quant à l'interprétation, on peut considérer chaque r -répartition comme la distribution exhaustive à tous les éléments d'un ensemble $\mathfrak{U}$, d'un certain caractère (ou qualité), selon r points de vue, les points de vue formant un ensemble totalement ordonné. Cet article traite exclusivement de l'établissement d'une distance d sur l'ensemble $\text{pr}(\mathfrak{U})$ de toutes les r -répartitions de $\mathfrak{U}$, et de l'approximation, au sens de la métrique d , d'une r -répartition quelconque P par ceux des sous-ensembles qui lui sont le plus proches. On peut alors considérer que l'un quelconque de ceux-ci est susceptible de venir remplacer P , et on interprète ce remplacement comme le résultat d'une procédure décisionnelle terminale.

From a mathematical viewpoint, the theory of r -ordered repartitions deals with some extension of the concept of "power set", by the mean of a complete distributive lattice. As to interpretation, one may consider each r -repartition as the exhaustive distribution of some character (or quality) to all the elements of some set $\mathfrak{U}$, according to r viewpoints, the viewpoints forming a chain (linearly ordered set). This paper deals uniquely with the establishing of some distance d on the set $\text{pr}(\mathfrak{U})$ of all the r -repartitions of $\mathfrak{U}$, and also of the approximation of any given r -ordered

partition P by the subsets of $\mathfrak{U}$ which are the nearest from P , according to the metric d . Any of these subsets may then be considered as convenient for replacing P , and one may interpret this replacement as the result of some terminal decision.

INDEX

Thèmes : approximation, classification - partition, discrètes (mathématiques), distances, ordres et préordres, treillis